

Logaritmos y Exponenciales en exámenes BI - NS

Mayo 03 Halle el valor **exacto** de x que satisface la ecuación
P1#12

$$(3^x)(4^{2x+1}) = 6^{x+2}.$$

Expresé su respuesta en la forma $\frac{\ln a}{\ln b}$ donde $a, b \in \mathbb{Z}$

Nov 03
P1#19 Resuelva $2(5^{x+1}) = 1 + \frac{3}{5^x}$, expresando la respuesta en la forma $a + \log_5 b$, con $a, b \in \mathbb{Z}$

Nov 03
P1#10 Resuelva $\log_{16} \sqrt[3]{100 - x^2} = \frac{1}{2}$

Mayo 05
TZ1 Solve the equation $2\log_3(x-3) + \log_{\left(\frac{1}{3}\right)}(x+1) = 2$
P1#15

Mayo 06
P1#9 Solve $|\ln(x+3)| = 1$. Give your answers in **exact** form.

Nov 06
P1#14 Solve the equation $9\log_5 x = 25\log_x 5$, expressing your answers in the form $5^{\frac{p}{q}}$, where $p, q \in \mathbb{Z}$.

May 07
TZ1 The solution of $2^{2x+3} = 2^{x+1} + 3$ can be expressed in the form $a + \log_2 b$ where $a, b \in \mathbb{Z}$.
P1#19 Find the value of a and of b .

May 07
TZ2 Resuelva $2(\ln x)^2 = 3\ln x - 1$ para la variable x . Dé las respuestas de forma **exacta**.
P1#4

Nov 07
P1#15 (a) Resuelva la ecuación $2(4^x) + 4^{-x} = 3$.

(b) (i) Resuelva para x la ecuación $a^x = e^{2x+1}$ donde $a > 0$, y dando la respuesta en función de a .

(ii) ¿Para qué valor de a no existe ninguna solución para la ecuación?

Muestra 08 P1#3 Solve the equation $2^{2x+2} - 10 \times 2^x + 4 = 0$, $x \in \mathbb{R}$

Muestra 08 P1#2 Solve the equation $\log_3(x+17) - 2 = \log_3 2x$

Muestra 08 P1#3 Given that $4\ln 2 - 3\ln 4 = -\ln k$, find the value of k .

Nov 08
P1#2 Escriba $\ln(x^2 - 1) - 2\ln(x+1) + \ln(x^2 + x)$ como un único logaritmo, de la forma más simplificada posible.

Mayo 09
P1#3 Let $g(x) = \log_5 |2\log_3 x|$. Find the product of the zeros of g

Mayo 10 (a) Halle la solución de la ecuación

TZ2

P2#2 $\ln 2^{4x-1} = \ln 8^{x+5} + \log_2 16^{1-2x};$

exprese la respuesta en función de $\ln 2$.

(b) Utilizando este valor de x , halle el valor de a para el cual $\log_a x = 2$; dé la respuesta con una aproximación de 3 cifras decimales.

Mayo 10

TZ1 Solve the equation $4^{x-1} = 2^x + 8$
P1#4

Nov 10 Resuelva las ecuaciones
P2#15

$$\ln \frac{x}{y} = 1$$

$$\ln x^3 + \ln y^2 = 5$$

May 11 Solve the following system of equations.**TZ1****P2#9**

$$\log_{x+1} y = 2$$

$$\log_{y+1} x = \frac{1}{4}$$

May 12

TZ1 Solve the equation $2 - \log_3(x+7) = \log_{\frac{1}{3}} 2x$
P1#8

Nov 13 Resuelva las siguientes ecuaciones:
P1#9

(a) $\log_2(x-2) = \log_4(x^2 - 6x + 12)$;

(b) $x^{\ln x} = e^{(\ln x)^3}$.

May 14

TZ1 Consider $a = \log_2 3 \times \log_3 4 \times \log_4 5 \times \dots \times \log_{31} 32$. Given that $a \in \mathbb{Z}$, find the value of a
P1#3

May 14

TZ2 Resuelva la ecuación $8^{x-1} = 6^{3x}$. Exprese la respuesta en función de $\ln 2$ y $\ln 3$.
P1#2

May 15

TZ2 Sabiendo que $\log_x y = 4 \log_y x$, halle todas las posibles expresiones de y en función de x
P1#9b

May 16

TZ2 It has been suggested that in rowing competitions the time, T seconds taken to complete a 2000m race can be modelled by an equation of the form $T = aN^b$, where N is the number of rowers in the boat and a and b are constants for rowers of a similar standard.
P1#7

To test this model the times for the finalists in all the 2000m men's races at a recent Olympic games were recorded and the mean calculated.

The results are shown in the following table for $N=1$ and $N=2$.

N	T (seconds)
1	420.65
2	390.94

(a) Use these results to find estimates for the value of a and the value of b . Give your answers to five significant figures.

(b) Use this model to estimate the mean time for the finalists in an Olympic race for boats with 8 rowers. Give your answer correct to two decimal places.

It is now given that the mean time in the final for boats with 8 rowers was 342.08 seconds.

(c) Calculate the error in your estimate as a percentage of the actual value.

(d) Comment on the likely validity of the model as N increases beyond 8.

May 16 Find integer values of m and n for which

TZ1

P1#6

$$m - n \log_3 2 = 10 \log_9 6$$

May 16 Resuelva el siguiente sistema de ecuaciones

TZ2

P2#3

$$\ln \frac{y}{x} = 2$$
$$\ln x^2 + \ln y^3 = 7.$$

Nov 16 Resuelva la ecuación $4^x + 2^{x+2} = 3$.

P1#7