

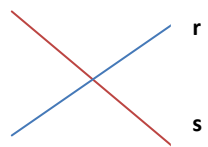
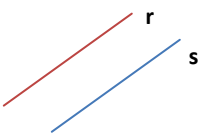

1. VECTORES EN EL PLANO

Coordenadas de un vector definido por dos puntos A (x _A , y _A) y B (x _B , y _B)	$\vec{AB} = (x_B - x_A, y_B - y_A)$
Operaciones	
Suma y resta	$(x_A, y_A) \pm (x_B, y_B) = (x_A \pm x_B, y_A \pm y_B)$
Producto por escalar	$\lambda(x_A, y_A) = (\lambda x_A, \lambda y_A)$
Módulo del vector (su longitud)	$ \vec{AB} = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$
Producto escalar de vectores	$\vec{u} \cdot \vec{v} = \vec{u} \cdot \vec{v} \cdot \cos(\widehat{u, v})$
$\vec{u} = (u_x, u_y)$ $\vec{v} = (v_x, v_y)$	$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_x \cdot v_x + u_y \cdot v_y$

2. LA RECTA

Vector director de la recta	$\vec{v} = (v_x, v_y) = (-B, A)$
Vector normal a la recta	$\vec{n} = (-v_y, v_x)$
Pendiente	$m = \frac{v_y}{v_x}$
Ecuaciones de la recta conocido un punto P(x ₀ , y ₀) y un vector director $\vec{v} = (v_x, v_y)$	
ECUACIÓN	
Ejemplo: P (2,-1) y $\vec{v} = (-3, 1)$	
Ec. Vectorial	$(x, y) = (x_0, y_0) + \lambda(v_x, v_y), \lambda \in \mathbb{R}$
Ec. Paramétricas	$\begin{cases} x = x_0 + \lambda v_x \\ y = y_0 + \lambda v_y \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R}$
Ec. Continua	$\frac{x - x_0}{v_x} = \frac{y - y_0}{v_y}$
Ec. General	$Ax + By + C = 0$
Ec. Explícita	$y = mx + n$
Ec. Punto-pendiente	$y - y_0 = m(x - x_0)$

3. POSICIONES RELATIVAS DE DOS RECTAS EN EL PLANO: $r \equiv Ax + By + C = 0$; $s \equiv A'x + B'y + C' = 0$

Posiciones	Pendientes	Ec. Explícita	Ec. General
SECANTES 	$m_r \neq m_s$	$m_r \neq m_s$	NO PROPORCIONALES $\frac{A}{A'} \neq \frac{B}{B'}$
PARALELAS 	$m_r = m_s$	$m_r = m_s$ $n_r \neq n_s$	PROPORCIONALES $\frac{A}{A'} = \frac{B}{B'} \neq \frac{C}{C'}$
COINCIDENTES 		$m_r = m_s$ $n_r = n_s$	PROPORCIONALES $\frac{A}{A'} = \frac{B}{B'} = \frac{C}{C'}$

4. DISTANCIAS Y ÁNGULOS:

Sean los puntos $A(x_A, y_B)$ y $B(x_A, y_B)$, y las rectas, $r \equiv Ax + By + C = 0$ y $s \equiv A'x + B'y + C' = 0$	
DISTANCIA PUNTO-PUNTO	$d(A, B) = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$
DISTANCIA PUNTO-RECTA	$d(A, r) = \frac{ Ax_A + By_A + C }{\sqrt{A^2 + B^2}}$
DISTANCIA ENTRE 2 RECTAS	Tomar un punto que pertenezca a una de las rectas y calcular su distancia a la otra recta
ÁNGULO ENTRE 2 RECTAS	$\cos \alpha = \frac{ A \cdot A' + B \cdot B' }{\sqrt{A^2 + B^2} \cdot \sqrt{(A')^2 + (B')^2}}$