EXPONENCIALES y LOGARITMOS

1. Resulve sin calculadora: a)
$$3^x = 6561$$
 b) $2^{3x+2} = 0'25$ c) $\left(\frac{1}{3}\right)^x = 81$ d) $3^x = \frac{1}{\sqrt{27}}$

2. Resuelve con calculadora dando el resultado con 3 cifras decimales significativas:

a)
$$3^x = 6000$$
 b) $2^x = 0.3$ c) $2^{3x+2} = 1000$ d) $\left(\frac{1}{3}\right)^x = 100$ e) $x = \log_5 38$

3. Halla sin calculadora: a)
$$\log_2 32$$
 b) $\log_{10} 0'1$ c) $\log_3 \frac{27}{\sqrt{3}}$ d) $\ln e^2$

4. Simplifica: a)
$$10^{\log_{10} x}$$
 b) $e^{\ln x}$ c) $4^{\log_2 x}$ d) $2^{3\log_4 x}$ e) $3^{\log_9 x}$

5. Resuelve: a)
$$\log_x 9 = 2$$
 b) $\log_x \left(\frac{1}{3}\right) = -2$ c) $\log_2 x = 3$ d) $\log_{10} x = -1$ e) $\log_8 2 = x$

6. Resuelve: a)
$$5^{2x} - 30 \cdot 5^x + 125 = 0$$
 b) $9^x - 2 \cdot 3^{x+2} + 81 = 0$ c) $2^{x-1} + 2^x + 2^{x+1} = 7$

7. Resuelve: a)
$$\log_{10} x = 3 - \log_{10} 50$$
 b) $\log(3 - 5x) - \log 4 = \frac{1}{2} \log(3 - x)$ c) $\log x^3 = \log 6 + 2 \log x$

- 8. Encuentra la base del logaritmo en la que el logaritmo de 100 excede al logaritmo de 25 en 2 unidades
- 9. La medida en decibelios de un sonido viene dada por la expresión $B = 10 \cdot \log \left(\frac{I}{10^{-16}} \right)$ siendo I la intensidad del sonido medido en watios/m² (log significa logaritmo decimal)
 - a) ¿Cuántos decibelios suponen un susurro de $10^{-14} \frac{w}{m^2}$ de intensidad?
 - b) ¿Qué intensidad tiene el ruido del motor de un avión (110 decibelios)?
- 10. Se calcula que un bosque que tiene 24.000 m³ de madera y que aumenta un 3,5% al año. ¿Cuánto tiempo tardará en duplicarse la cantidad de madera si sigue creciendo en estas condiciones? Otro bosque tiene 50.000 m³ y la misma tasa de crecimiento, ¿tardará el mismo tiempo en duplicarse? A igualdad de crecimiento, ¿depende el tiempo de duplicación de la cantidad de madera inicial?
- 11. Un fabricante aumenta el precio de sus productos según el IPC que en los últimos años ha tenido un crecimiento anual medio del 4%. ¿Cuál es el precio actual de un producto que hace 10 años costaba 200€?
- 12. Las subidas de sueldo de un trabajador en los últimos tres años han sido del 4%, 5% y 2,5%. ¿Qué porcentaje acumulado ha subido su sueldo en estos tres años?